



الإجابة النموذجية لامتحان الدورة العادية للسداسي الأول في مقياس الاقتصاد الجزئي 1

حل التمرين الأول: (04 نقاط)

أجب على ما يلي باختصار:

1) ما هو الفرق بين منحنى استهلاك - السعر ومنحنى استهلاك - الدخل؟ (01 نقطة)

- منحنى استهلاك - السعر: هو المحل الهندسي لنقاط توازن المستهلك الناتجة عن تغير سعر سلعة ما مع ثبات العوامل الأخرى.

- منحنى استهلاك - الدخل: هو المحل الهندسي لنقاط توازن المستهلك الناتجة عن تغير دخل المستهلك مع ثبات أسعار السلع.

2) كيف تفسر العلاقة العكسية بين الكمية المطلوبة سعر السلعة اذا كان قانون الطلب عملي؟ (01 نقطة)

طبيعة العلاقة بين الكمية المطلوبة وسعر السلعة يحددها كل من أثر الإحلال واثار الدخل، وفي حالة ما يكون قانون الطلب عملي فإنه أثر الاحلال واثار الدخل يدعمان بعضهما البعض (في اتجاه واحد).

3) أعط مدلول المعدل الحدي للاحلال: (يطلب إعطاء الصيغة في كل حالة) (02 نقطة)

أ- رياضيا: $TMS_{x,y} = \frac{\Delta Y}{\Delta X}$ ، ويعني عدد الوحدات التي يتخلى عنها المستهلك من Y مقابل احلالها بوحدة واحدة

من السلعة X للحفاظ على نفس مستوى الاشباع للمستهلك.

ب- اقتصاديا: $TMS_{x,y} = -\frac{UM_x}{UM_y}$ ، وهي النسبة بين المنافع الحدية للسلعتين، وتعني عن الانحدار على نفس

المستوى من الاشباع يجب على المستهلك التنازل عن وحدات من سلعة Y لتزيد منفعة الحدية منها مقابل

زيادة وحدات من السلعة X لتتخفض منفعة الحدية منها، وبهذا الأساس يحافظ على نفس مستوى الاشباع

ويتم تجنّب قياس المنفعة حسب منح منحنيات السواء.

حل التمرين الثاني: (05 نقاط)

روبرت جيفن هو اقتصادي اسكتلندي لاحظ سلوك المستهلكين على إحدى السلع وقام

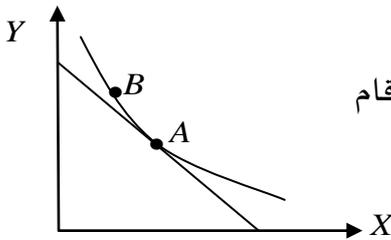
بدراستها والتي نُسبت إليه فيما بعد، من خلال هذا التمرين ندرس بعض خصائصها:

1) قارن بين النقطتين A و B في الشكل. (01 نقطة)

- النقطتين A و B تحققان نفس مستوى الاشباع للمستهلك.

- النقطة A تمثل حالة توازن المستهلك أي أن المستهلك يحقق الرفاهية في حدود إمكانياته.

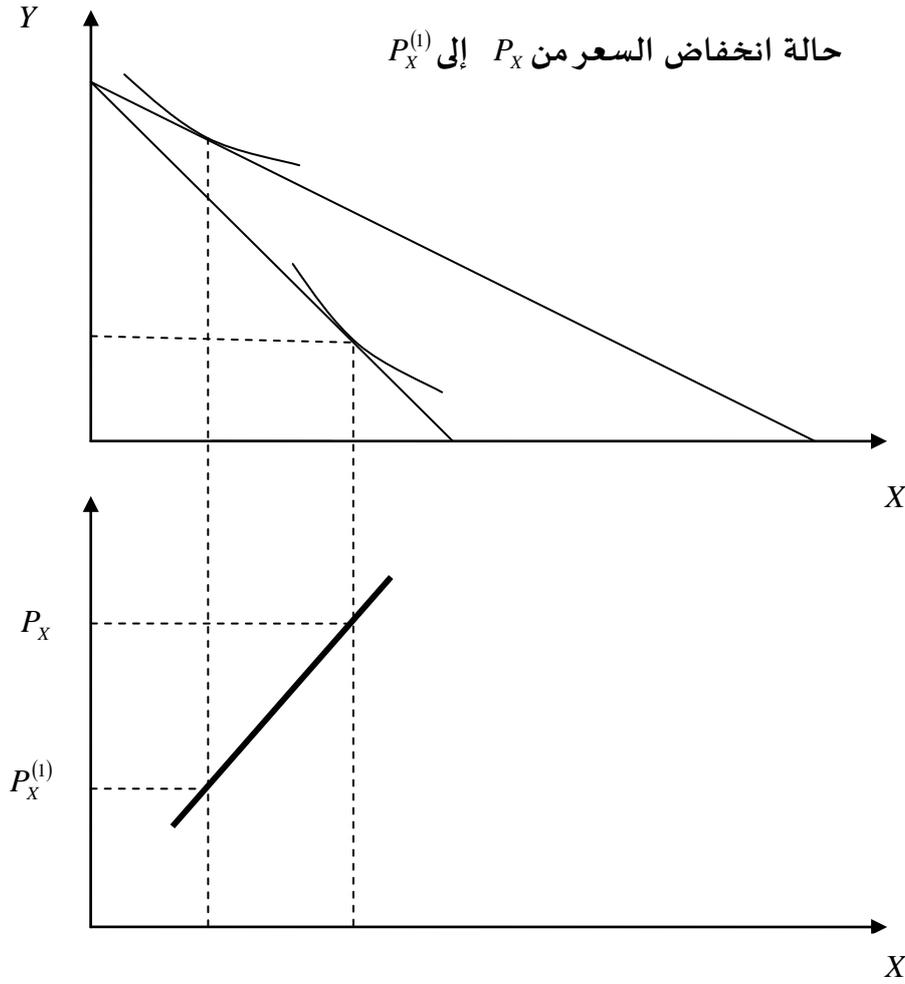
- النقطة B تمثل حالة اختلال للمستهلك أي أن يستهلك بأقل من إمكانياته أو أكثر من إمكانياته.



(2) قارن بين السلع الرديئة و سلع جيفن. (01,50 نقطة)

وجه المقارنة	سلع جيفن	السلع الرديئة
قانون الطلب	غير عملي: كلما زاد السعر زاد الطلب عليها	غير عملي: كلما زاد السعر زاد الطلب عليها
أثر الاحلال واثـر الدخل	لا يدعمان بعضهما البعض	لا يدعمان بعضهما البعض
أثر الاحلال واثـر الدخل	أثر الدخل اكبر تماما من اثر الاحلال	أثر الاحلال اكبر أو يساوي من اثر الدخل
العلاقة بين السلعتين	كل سلعة جيفن هي سلعة رديئة	ليس كل سلعة رديئة سلعة جيفن
العلاقة مع الدخل	كلما انخفض الدخل (خاصة الحقيقي) زاد الطلب عليها	كلما زاد الدخل قل الطلب عليها

(3) اقترح تمثيلا بيانيا يوضح اشتقاق منحنى الطلب على السلعة X إذا علمت أن X هي سلعة جيفن. (02,50 نقطة)



حل التمرين الثالث: (06 نقاط)

دالة الطلب على السلعة X تعطى بالعلاقة $Q_X^D = \alpha(P_X)^{-1}$ ، عند مستوى السعر $P_X = 10$ يظهر فائض العرض في سوق السلعة X بمقدار 15، دالة عرض السلعة X موضحة بالجدول -1:-

P_X	6	7	8	9	10
Q_X^S	12	14	16	18	20

(1) ما هي الشروط التي تضعها على α حتى تكون Q_X^D دالة طلب؟ (01 نقطة)
لدينا:

$$\frac{dQ_X}{dP_X} = \frac{d[\alpha(P_X)^{-1}]}{dP_X} = (-1)\alpha(P_X)^{-2} = \begin{cases} -\alpha(P_X)^{-2} \\ (P_X)^{-2} > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -\alpha < 0 \\ -\alpha < 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha < 0 \\ \alpha > 0 \end{cases}$$

الحالة 01: $\alpha > 0$ يعني أن قانون الطلب غير عملي $\frac{dQ_X}{dP_X} < 0$ ونكون أمام الحالات الثلاثة الاستثنائية للطلب أي $\alpha < 0$

الحالة 02: $\alpha < 0$ يعني أن قانون الطلب عملي $\frac{dQ_X}{dP_X} < 0$ أي $\alpha > 0$

(2) أوجد توازن السوق للسلعة X . (03 نقطة)

$$P_X = 10 \Rightarrow \begin{cases} \Delta Q_X^S = 15 \\ Q_X^S = 20 \end{cases} \Rightarrow \Delta Q_X^S = Q_X^S - Q_X^D = 20 - \frac{\alpha}{P_X} = 15 \Rightarrow \alpha = 50 \Rightarrow Q_X^D = \frac{50}{P_X}$$

دالة العرض. $\frac{dQ_X^D}{dP_X} = \frac{14-12}{7-6} = \frac{20-18}{10-9} = 2$. نلاحظ أن ميل الدالة ثابت، وعليه فإن العلاقة بين الكمية المعروضة

$$Q_X^S = \beta + \lambda P_X \Rightarrow P_X = 9 \Rightarrow Q_X^S = 18 \Rightarrow 18 = \beta + 2(9) \Rightarrow \beta = 0 \Rightarrow Q_X^S = 2P_X$$

$$Q_X^D = Q_X^S \Rightarrow \frac{50}{P_X} = 2P_X \Rightarrow P^* = 5 \Rightarrow Q^* = 2P^* = 2(5) = 10$$
 إيجاد التوازن.

(3) أحسب فائض المستهلك عند التوازن، ماذا تستنتج؟ (02 نقطة)

$$Q_X^D = \frac{50}{P_X} \Rightarrow P_X = \frac{50}{Q_X^D} \quad \text{فائض المستهلك نعبر عنه بالعلاقة: } C = \int_0^{Q^*} P_X^D dx - P^* \times Q^* \text{، وعليه:}$$

$$C = \int_0^{Q^*} P_X dx - P^* \times Q^* = \int_0^{10} \left(\frac{50}{Q} \right) dx - 5 \times 10 = 50 \ln(Q) \Big|_0^{10} - 50 = +\infty$$
 إذن:

فائض المستهلك يؤول إلى ما لانهاية، وعليه نستنتج أن هذا المستهلك لن يحقق حد الاشباع من هذه السلعة.

حل التمرين الرابع: (05 نقاط)

دالة الطلب لمستهلك ما على السلعة X يكون ميلها ثابت، عند النقطة $A(P_X = 1; Q_X^D = 4)$ تكون $E_P^D = -1$

(1) أوجد دالة الطلب $Q_X^D = f(P_X)$ على السلعة X لهذا المستهلك. (01 نقطة)

$$\begin{cases} Q_X^D = f(P_X) = \beta + \alpha P_X \\ \frac{dQ_X^D}{dP_X} = \alpha < 0 \end{cases} \quad \text{تعطى دالة الطلب الخطية من خلال الضيغة الرياضية التالية:}$$

$$E_X^D = \frac{\Delta Q_X^D \%}{\Delta P_X \%} = \frac{\Delta Q_X^D}{\Delta P_X} \times \frac{P_X}{Q_X^D}$$

لدينا:

$$E_X^D = \alpha \times \frac{P_X}{Q_X^D} \Rightarrow -1 = \alpha \times \frac{1}{4} \Rightarrow \alpha = \frac{-1}{4} = -\frac{1}{4}$$

$$\begin{cases} P_X = 1 \\ Q_X^D = 4 \end{cases} \Rightarrow 4 = \beta - 4(1) \Rightarrow \beta = 8$$
 ولدينا:

وعليه تكون دالة الطلب على السلعة X هي: $Q_X^D = 8 - 4P_X$

2) تم فرض ضريبة وكانت مرونة العرض السعرية $E_p^S = 2$ ، برّر من يتحمل الجزء الأكبر من الضريبة؟. (01 نقطة)

لدينا $1 > \frac{E_p^S}{E_p^D} = \frac{2}{|-1|} = 2$ ، وعليه المشتري (المستهلك) سيدفع الجزء الأكبر من الضريبة.

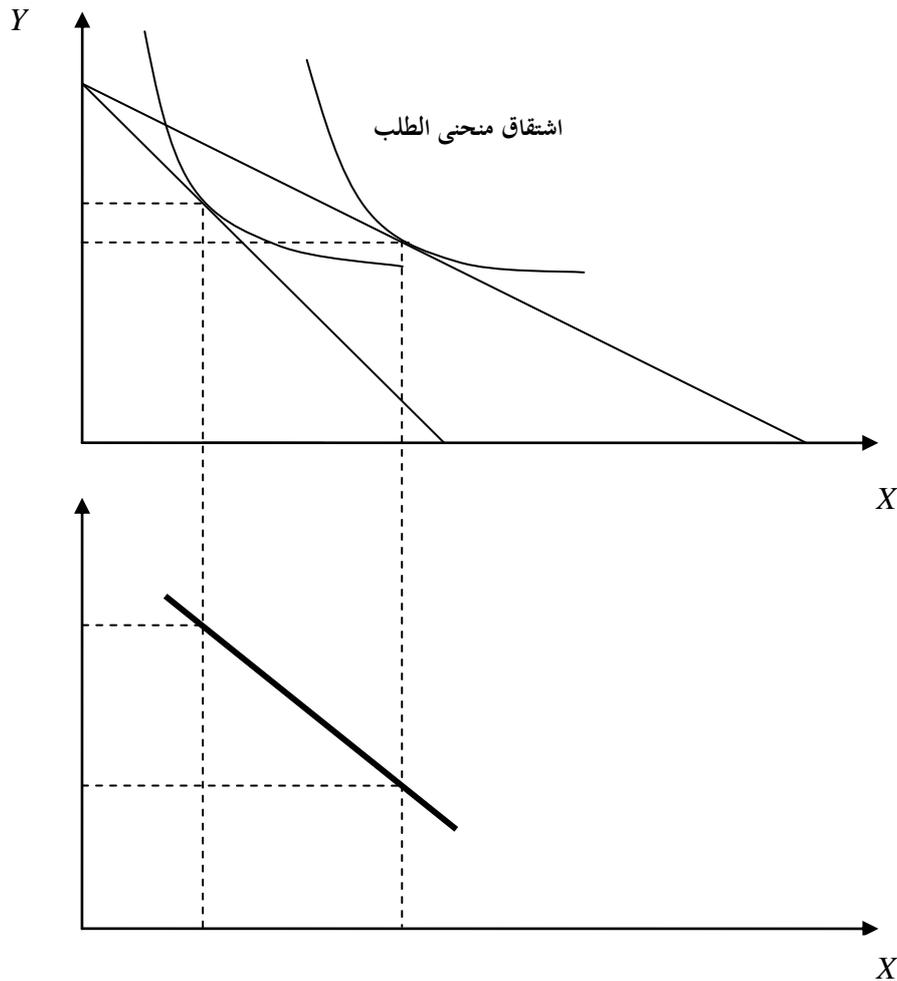
3) هل تمثل النقطة A حالة توازن للمستهلك؟ (يطلب التبرير: بالشرح و البيان). (03 نقطة)

يعرف منحى الطلب على انه المحل الهندسي لنقاط التوازن الخاصة بالمستهلك، وعليه كل نقطة تنتمي إليه تمثل نقطة توازن.

التبرير:

بالشرح: نستخدم نظرية توازن المستهلك في التبرير أي نظرية المنفعة المقاسة وذلك لاشتقاق منحى الطلب على النحو التالي: (أظر المحاضرة)

بيانيا:



نلاحظ من البيان انه كلما تغير سعر السلعة فإننا سوف نتحصل على نقطة توازن جديدة، وعليه كل نقطة من منحى الطلب تمثل حالة توازن بالنسبة للمستهلك.



جامعة أحمد بن يحيى الونشريسي-تيسميسيلت-
كلية العلوم الاقتصادية والتجارية وعلوم التسيير

الإجابة النموذجية -مقياس علم اجتماع المنظمات-

-الجواب الأول : شرح المصطلحات التالية.....(10ن)

-علم الاجتماع: هو العلم الذي يهتم بالحياة الاجتماعية للمجتمع الانساني ،وما ينتج عن هذا الأخير من ظواهر اجتماعية

-العمران البشري: هي التسمية التي أطلقها ابن خلدون على علم الاجتماع في مقدمته.

-واقعات العمران البشري: هي مختلف الظواهر الاجتماعية وهذه التسمية أطلقها ابن خلدون.
-الظاهرة الاجتماعية: هي مختلف الظواهر التي تنتج عن تفاعل شخصين فأكثر داخل المجتمع
-الموضوعية: تعني دراسة الظاهرة الاجتماعية كما حدثت في الواقع بعيدا عن الذاتية أي العاطفة.
-التفاعل الاجتماعي: يحدث نتيجة تفاعل شخصين فأكثر ،وهذا نتيجة مصلحة مشتركة مع تحقيق هدف يعود بالمنفعة على الجميع
-المنظمة: هي الحيز او المكان الي يتواجد فيه مجموعة من الأفراد تربطهم علاقات تهدف الى تحقيق المصلحة العامة والخاصة.

-المدخلات والمخرجات: المدخلات هي ما يدخل ال المنظمة في شكل مواد أولية ورؤوس أموال ،أما المخرجات فهي تحويل هذه الأخيرة الى خدمات أو سلع موجهة لفائدة المجتمع.

-مدرج الحاجات: يقصد به تدرج الحاجات الانسانية بانتظام بداية من الحاجات البيولوجية وصولا لتقدير الذات ، معتمدا في ذلك على الاشباع .

-القيادة في العمل: القدرة عل التأثير في الآخرين مع توجيه هذه الجهود الى الصالح العام.

الجواب الثاني: اختلفت النظريات الحديثة في نظرتها للعامل والعمل مع المدرسة العلمية... (08ن)

-النظرية العلمية: ارتبطت هذه النظرية بالعالم تايلور، الذي اهتم بالحركة والزمن في العمل ، مركزا عل العمل وليس العامل ، حيث نظرت له هذه المدرسة أنه آلة تحكه الادارة كيفما شاءت ،مركزة عل الكم وليس الكيف في العملية الانتاجية.

-نظرية النظم: ركزت هذه النظرية على بيئة العمل معتبرة المنظمة نظام مفتوح تتفاعل مع بيئتها الخارجية، وبالتالي فالعامل يسعى الى تحقيق رغباته من خلال نجاح منظّمته في اشباع رغبات عملائها.

-النظرية الموقفية: ركزت هذه الأخيرة على المواقف التي قد تتواجد فيها المنظمة ،وبالتالي بروز موظفين يتمتعون بصفات القيادة والمبادرة لخدمة المنظمة.

-النظرية اليابانية: ركزت على العمل الجماعي وروح الفريق لتطوير المنظمة.

- A business owner is a (an) (6)

a- Producer

b- Boycott

c- Entrepreneur

- An estimate of what is earned and spent over a set period of time.

a- Deficit

b- Tariff

c- Budget

- All the money and resources that a country or a place has including what they produce and consume.

a- Economy

b- Production

c- Services

- A material on or in the earth that has economic value.

a- Money

b- Mixed

c- Natural resources

- An action a person does for someone else for pay.

a- producer

b- Service

c- Goods

- An object earned in recognition of service.

a- Price

b-Product

c- Reward

2) Answer the following questions:

• What does GDP stand for? (1)

• It stands for Gross Domestic Product

• How can you define Import and Export? (2)

• Import is to bring goods or services into the country from abroad for sale

• Export is to send goods and services to another country for sale

• What are the advantages of E-commerce? (3)

• There are so many advantages of e-commerce such as it reduces operational costs which means lower costs, easy affordable marketing that anyone can do, when it comes to the price "lower prices", having consumers' data, this helps the business owner to reach his consumers whenever there is a problem.

• Give two examples of natural resources and two examples of human resources. (2)

• Natural examples are trees, water, oil, gas, stones, sand coal.....

• Human resources are teachers, engineer, fireman, a nurse, a manager, businessman, doctors.....

Part two: (6)

السنة الجامعية: 2024/2023
المستوى: السنة الأولى جذع مشترك
امتحان السداسي الأول في مقياس
المحاسبة المالية 1.

جامعة تيسمسيلت
كلية العلوم الاقتصادية و التجارية
و علوم التسيير
المحاسبة

التمرين الأول: 8 ن: في 12/07/2007 قام شخص طبيعي بإنشاء مؤسسة فردية برأسمال قدره 7.200.000 د.ج موزع بين الأموال الخاصة والقروض المصرفية كما هو مبين على النحو الآتي:

- الأموال الخاصة تمثل 3/2 من رأس المال، القروض المصرفية تمثل 3/1 من رأس المال، فأما بالنسبة لاستخدامات عناصر الخصوم فكانت على النحو التالي:
الأموال الخاصة تم استخدام جزء منها لشراء المواد الأولية وجزء تم إيداعه في البنك وجزء تم به تمويل الصندوق، حيث مبالغهم تتوافق بالتناسب مع الأعداد 4، 3، 3 على الترتيب.
أما القروض المصرفية فتم استخدامها لاقتناء مبنى " علما أن قيمة الأرض تمثل 2/1 من قيمة المبنى "

وشاحنة ومعدات صناعية، علما أن مبالغهم تتوافق بالتناسب مع الأعداد 3، 2، 1.
المطلوب: - إعداد الميزانية الافتتاحية وفق العناوين الرئيسية مع تحديد قيم العناصر المجهولة لكل من الأصول والخصوم مع تبيان العمليات الحسابية.

التمرين الثاني: 9 ن: بتاريخ 2020/03/20 تم تأسيس شركة مساهمة فرضا بين ثلاثة شركاء برأس مال قدره 10.000.000 د.ج وفق المساهمات المبينة في الجدول الآتي:

المساهمات النقدية	المساهمات العينية	قيمة المساهمات العينية و النقدية	المساهمات الشركاء
?	الأراضي 400.000 المباني هي ضعف الأراضي	3.000.000	الشريك 1
1.600.000	معدات صناعية 3/1 من المساهمات العينية معدات النقل تمثل 3/2 من المساهمات العينية.	4.000.000	الشريك 2
1.400.000	بضائع 600.000 مواد أولية ?	?	الشريك 3

- عقد التأسيس ينص على تحرير كل المساهمات العينية و 5/2 من المساهمات النقدية خلال شهر مارس، أما ما تبقى من النقدية يعتبر رأس مال غير مطلوب يتم استدعاؤه خلال السنة.
- بتاريخ 2020/03/22 تم استلام كل المساهمات العينية.
- بتاريخ 2020/03/24 تم استلام المساهمات النقدية المطلوبة و إيداعها في البنك.
- بتاريخ 2020/05/27 تم استدعاء ما تبقى من النقدية و إيداعها في حساب البنك.

المطلوب: - تحديد قيمة العناصر المجهولة وإعداد مخطط توزيع المساهمات بين الشركاء.
- تسجيل العمليات اللازمة في دفتر اليومية.

التمرين الثالث: 3 ن: قامت مؤسسة خلال شهر جوان بمجموعة من العمليات، حيث قدرت مبيعات الشهر 1.596.000 دج ومشتريات الشهر 900.000 دج، علما أن معدل الرق. م 19% المطلوب: إعداد التصريح المتعلق بشهر جوان " الر. ق. م المحصل، الر. ق. م القابل للاسترجاع، الر. ق. م المستحق الدفع". وتسجيله محاسبيا في دفتر اليومية.
ملاحظة: يسمح باستعمال مدونة الحسابات للاستعمال الشخصي فقط

بالتوفيق

التصحيح النموذجي لامتحان المحاسبة المالية 1 للسداسي الأول

حل التمرين الأول: 8 ن

تحديد قيمة العناصر المجهولة: 5 ن

- قيمة الأموال الخاصة $4.800.000 = 3/2 \times 7.200.000$ دج 0.25 ن

- قيمة القروض المصرفية $2.400.000 = 3/1 \times 7.200.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المواد الأولية $1.920.000 = 10/4 \times 4.800.000$ دج 0.25 ن

- قيمة البنك $1.440.000 = 10/3 \times 4.800.000$ دج 0.25 ن

- قيمة الصندوق $1.440.000 = 10/3 \times 4.800.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المبنى مع الأرض $1.200.000 = 6/3 \times 2.400.000$ دج 1.25 ن

- قيمة المبنى $400.000 = 2 \times 400.000$ دج

- قيمة الأرض 400.000 دج

لنفترض المبنى هو x فان المبنى هو ضعف الأرض فتصبح المعادلة $1.200.000 = x + 1/2x$

$400.000 = x = 1.200.000 = 2x + x$ دج

- قيمة الشاحنة $800.000 = 6/2 \times 2.400.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المعدات الصناعية $400.000 = 6/1 \times 2.400.000$ دج 0.25 ن

إعداد الميزانية الافتتاحية 5 ن

رقم ح	الأصول	المبلغ	رقم ح	الخصوم	المبلغ
	<u>الأصول غير الجارية</u>			<u>الأموال الخاصة</u>	
211	الأراضي	400.000	101	أموال الاستغلال	4.800.000
213	المباني	800.000			
215	معدات صناعية	400.000			
218	معدات النقل	800.000		<u>الخصوم غير الجارية</u>	
	<u>الأصول الجارية</u>			<u>القروض المصرفية</u>	2.400.000
	<u>المخزونات</u>		164		
31	مواد أولية	1.920.000			
	<u>الحسابات المالية</u>				
	البنك	1.440.000			
	الصندوق	1.440.000			
	مجموع الأصول	7.200.000		مجموع الخصوم	7.200.000

حل التمرين الثاني: 9 ن

- تحديد قيمة العناصر المجهولة (2.25 ن)

- قيمة المباني = $2 \times 400.000 = 800.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المساهمة العينية للشريك 1 = $800.000 + 400.000 = 1.200.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المساهمة النقدية للشريك 1 = $1.200.000 - 3.000.000 = -1.800.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المساهمة العينية للشريك 2 = $1.600.000 - 4.000.000 = -2.400.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المعدات الصناعية = $3/1 \times 2.400.000 = 800.000$ دج 0.25 ن

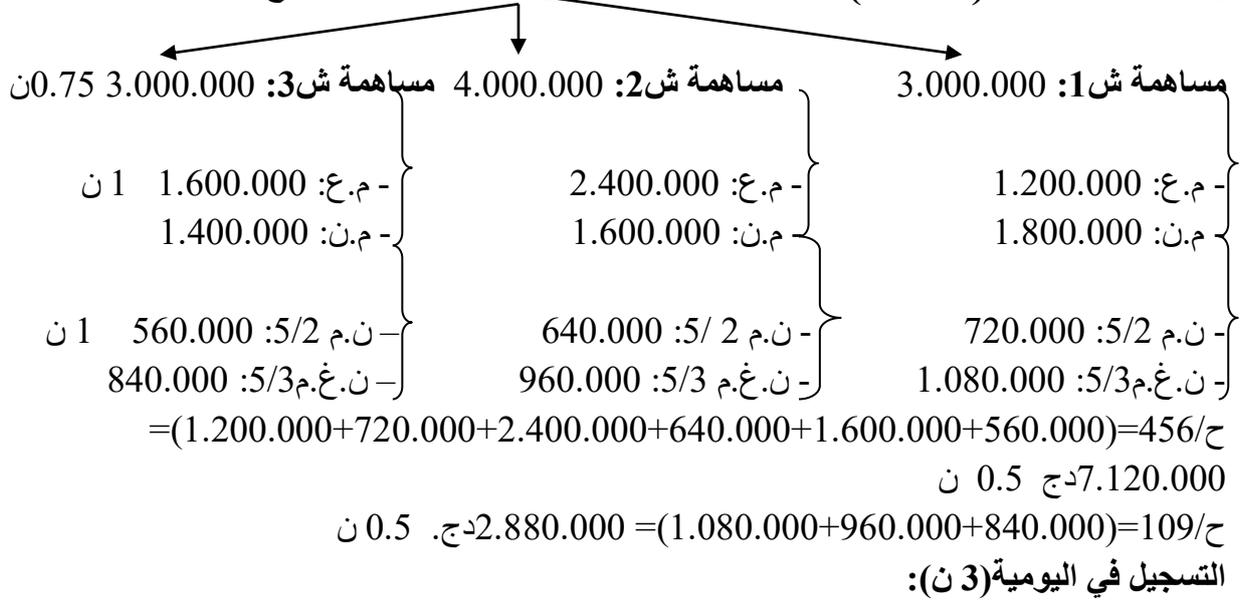
- قيمة معدات النقل: $3/2 \times 2.400.000 = 800.000 = 1.600.000$ دج 0.25 ن

- المساهمة العينية والنقدية للشريك 3: $10.000.000 - (4.000.000 + 3.000.000) = 3.000.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المساهمة العينية للشريك 3 = $1.400.000 - 3.000.000 = -1.600.000$ دج 0.25 ن

- قيمة المواد الأولية: $1.600.000 - 600.000 = 1.000.000$ دج 0.25 ن

إعداد المخطط: (3.75 ن): رأس المال 10.000.000 دج



		----- 2020/03/20 -----		456
	7.120.000	الشركاء العمليات عن رأس المال		109
	2.880.000	رأس المال المكتتب غير المطلوب		
10.000.000		رأس مال الشركة	101	
		تسجيل عقد تأسيس الشركة		
		----- 2020/03/22 -----		211
	400.000	الأراضي		213
	800.000	المباني		215
	800.000	معدات صناعية		218
	1.600.000	معدات النقل		30
	600.000	البضائع	1 ن	31
	1.000.000	المواد أولية ولوازم		
5.200.000		الشركاء العمليات عن رأس المال	456	
		استلام المساهمات العينية		
		----- 2020/03/24 -----		512
	1.920.000	البنك		
1.920.000		الشركاء العمليات عن رأس المال 0.5 ن	456	
		إيداع النقدية في حساب البنك		
		----- 2020/05/27 -----		456
	2.880.000	الشركاء العمليات عن رأس المال		
2.880.000		رأس المال المكتتب غير المطلوب 0.5 ن	109	
		استدعاء رأس المال غير المطلوب		
		//		512
	2.880.000	البنك		
2.880.000		رأس المال المكتتب غير المطلوب 0.25 ن	456	
		إيداع الأموال في البنك		

حل التمرين الثالث 3 ن:

- إعداد التصريح المتعلق بشهر جوان:

- حساب الر.ق.م على المبيعات " المحصل " = $1.596.000 \times 19\%$ = 303.240 دج 0.75 ن

- حساب الر.ق.م على المشتريات " القابل للاسترجاع " = $900.000 \times 19\%$ = 171.000 دج 0.75 ن

- حساب الر.ق.م المستحق الدفع = $171.000 - 303.240$ = 132.240 دج "يمثل المبلغ فارق ايجابي

يجب دفعه للقباضة قبل 20 يوم من الشهر الموالي " 0.75 ن

- تسجيل التصريح في اليومية:

		-----ن/.../...-----		
	303.240	الرق.م المحصل		4457
171.000		الرق.م القابل للاسترجاع 0.75 ن	4456	
132.240		الرق.م المستحق الدفع	4455	
		تسجيل ح شهر مارس		

التكامل الأول

1) $P_n = \frac{n!}{k!k!k!} = \frac{8!}{2!2!2!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2!}{2!2!2!} = 5040$

2) $\frac{1}{210} [A_7^3 + A_7^4] = \frac{1}{210} \left[\frac{7!}{(7-3)!} + \frac{7!}{(7-4)!} \right]$
 $= \frac{1}{210} \left[\frac{7 \times 6 \times 5 \times 4!}{4!} + \frac{7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3!}{3!} \right]$
 $= \frac{1}{210} [840 + 210] = 5$
 $n=5$

3) $(n-1)! = 5040$
 $5040 = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 = 7!$
 $(n-1)! = 7! \Rightarrow n-1 = 7$
 $n = 7+1 \Rightarrow n = 8$

التكامل الثاني

$u_n = 7(1,09)^n$
 إثبات أن u_n متتابعة هندسية
 $u_{n+1} = 7(1,09)^{n+1} = 7(1,09)^n (1,09)$
 $u_{n+1} = (1,09)u_n$

إذن u_n متتابعة هندسية فأساسها $r = 1,09$
 حساب u_0
 $u_0 = 7(1,09)^0 = 7$

حساب u_3
 $u_3 = 7(1,09)^3 = 7 \times 1,295 = 9,065$

حساب المجموع
 $S_n = u_3 + \dots + u_7$
 $S_n = u_p \frac{1 - r^{n-p+1}}{1 - r}$
 $= u_3 \frac{1 - (1,09)^{7-3+1}}{1 - 1,09}$
 $= 9,065 \frac{1 - (1,09)^5}{1 - 1,09}$
 $= 9,065 \frac{1 - 1,538}{1 - 1,09}$

$= 9,065 \frac{1 - 1,538}{-0,09} = 9,065 \left(\frac{0,538}{0,09} \right)$

$S_n = 5,415$
حاصلنا

$i = 9\% = 0,09$
 $n = 2025 - 2020 = 5$

$V_5 = 7000000(1+0,09)^5$
 $= 7000000(1,538)$
 $= 10766000$
 كتابة V_n لـ n

$V_n = V_0(1+i)^n$
 $V_n = 7000000(1,09)^n$

التكامل الثالث

$f(x) = \frac{x^2 - x + 1}{x^2 + 1}$
 مجموعة التعريف
 $I = \{ \forall x \in \mathbb{R}, x^2 + 1 \neq 0 \}$

$I =]-\infty, +\infty[$

النهايات
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^2 - x + 1}{x^2 + 1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(\frac{x^2}{x^2} \right) = 1$

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 - x + 1}{x^2 + 1} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{x^2}{x^2} \right) = 1$

كتابة f على شكل $\frac{ax+b}{x^2+1}$
 $f(x) = a + \frac{bx}{x^2+1}$
 $= \frac{ax^2 + a + bx}{x^2+1}$
 المقارنة مع $\frac{ax^2 + bx + c}{x^2+1}$
 نجد:

$a = 1$
 $b = -1$

$$f(x) = 1 - \frac{x}{x^2 + 1}$$

دراسة تغييرات $f(x)$

$$f'(x) = \frac{(2x-1)(x^2+1) - (x)(2x)}{(x^2+1)^2}$$

$$= \frac{2x^3 + 2x - x^2 - 1 - 2x^2 + 2x^2 - 2x}{(x^2+1)^2}$$

$$f'(x) = \frac{x^2 - 1}{(x^2 + 1)^2}$$

تغيير للشيء: $f'(x) = 0$ 0,12

$$(x^2 - 1) = 0$$

$$(x^2 - 1) = 0 \Rightarrow x^2 = 1$$

$$x = \sqrt{1} = \pm 1$$

الشارة المشتقة

$$\begin{matrix} + & - & + \\ \hline & 0 & - & 0 & + \end{matrix}$$

على المجال $[-\infty, -1]$ المشتقة موجبة، الدالة متزايدة

على المجال $[-1, 1]$ المشتقة سالبة، الدالة متناقصة

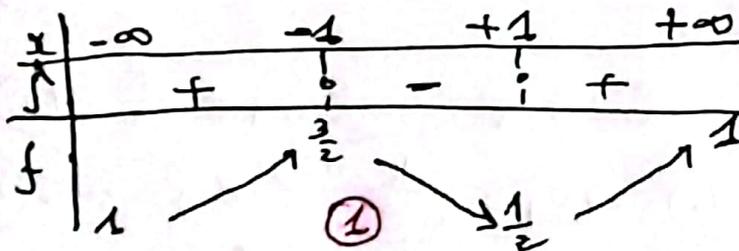
على المجال $[1, +\infty]$ المشتقة موجبة، الدالة متزايدة

$$f(-1) = \frac{3}{2} \quad , \quad f(1) = \frac{1}{2}$$

0,12

0,12

جداول التغييرات



إثبات أن f تقبل قيمة عكسية

على المجال $[-1, +1]$

الدالة عكسية على $[-1, +1]$ 0,22

" " مستمرة على " " 0,22

" " متناقصة تمامًا على $[-1, +1]$ فهي رتيبة 0,22

لذلك الدالة تقبل دالة عكسية f^{-1}

على مجال تعريف f^{-1}

$$I_{f^{-1}} = \left[\frac{1}{2}, \frac{3}{2} \right]$$

النهايات

$$\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}} f^{-1}(x) = 1 \quad , \quad \lim_{x \rightarrow \frac{3}{2}} f^{-1}(x) = -1$$

0,22

0,22

الدالة العكسية $g(x) = f^{-1}(x)$ $g(0) = 2$

$$g(x) = \int f(x) dx = \int \left(1 - \frac{x}{x^2+1} \right) dx$$

$$= \int dx - \int \frac{x}{x^2+1} dx$$

$$= \int dx - \frac{1}{2} \int \frac{2x}{x^2+1} dx$$

$$= x - \frac{1}{2} \ln|x^2+1| + C$$

$$g(0) = 2 \Rightarrow 0 - \frac{1}{2} \ln(1) + C = 2$$

$$0 - 0 + C = 2 \Rightarrow C = 2$$

$$g(x) = x - \frac{1}{2} \ln|x^2+1| + 2$$

إثبات صحة

$$\int u v' dx = uv - \int u' v dx$$

$$v' = e^x \Rightarrow v = e^x$$

$$u = 2x+1 \Rightarrow u' = 2 dx$$

$$a = [(2x+1)e^x]_0^1 - \int_0^1 2e^x dx$$

$$= [(2x+1)e^x]_0^1 - 2 \int_0^1 e^x dx$$

$$= [(2x+1)e^x - 2e^x]_0^1 = [(x-1)e^x]_0^1$$

$$= e - (-1)$$

$$a = e + 1 \approx 2,71 + 1 \approx 3,71$$

صحيح

1- العينة الاحصائية عبارة عن مجموعة وحدوية من المجتمع الاحصائي

2- المتغيرات الكمية هي الصفات التي تتميز بها الغير قابلة للقياس كالجنس اللون الحالة الاجتماعية خطأ

المتغيرات الكمية هي المتغيرات القابلة للقياس كالجنس، الطول، الوزن، المعدل

3- إذا كان $X > M^e > M^o$ نقول ان هذا التوزيع اكثر تفرطاً خطأإذا كان $X > M^e > M^o$ نقول ان هذا التوزيع متوسّط نحو اليمين

4- يعتبر الوسط الحسابي المؤشر الذي يقسم المجتمع الاحصائي على اثنان خطأ

يعتبر الوسط الحسابي المؤشر الذي يقسم المجتمع الاحصائي على اثنان خطأ

5- قيمة مركز الفئة جمع الحد الاعلى والحد الأدنى للمجتمع الاحصائي مقسومة على اثنان خطأ

قيمة مركز الفئة جمع الحد الاعلى والحد الأدنى للمجتمع مقسومة على اثنان خطأ

التمرين الثاني (05 ن

ليكن لديك الجدول المقابل الذي يمثل أسعار وكميات مجموعة من السلع الضرورية لسنتين

السنة \ السلعة	2010		2023	
	P0	Q0	P1	Q1
حليب	25	150	35	100
قهوة	700	200	1000	220
زيت	100	80	125	100
سكر	70	60	95	90
المجموع				

المطلوب احسب الأرقام

القياسية للأسعار:

- لاسبير فيشر وباش

- ماهو تعليقك على كل رقم

قياسي

الحل

$$I_L = \frac{\sum (P_1 \cdot Q_0)}{\sum (P_0 \cdot Q_0)} = \frac{(35 \times 150) + (1000 \times 200) + (125 \times 80) + (95 \times 60)}{(25 \times 150) + (700 \times 200) + (100 \times 80) + (70 \times 60)} \times 100 = 141,68\%$$

$$I_L = 141,68\%$$

$$I_P = \frac{\sum (P_1 \cdot Q_1)}{\sum (P_0 \cdot Q_1)} = \frac{(35 \times 100) + (1000 \times 220) + (125 \times 100) + (95 \times 90)}{(25 \times 100) + (700 \times 220) + (100 \times 100) + (70 \times 90)} \times 100 = 141,52\%$$

$$I_P = 141,52\%$$

$$I_F = \sqrt{I_P \times I_L}$$

$$I_F = \sqrt{141,68 \times 141,52}$$

$$I_F = 141,59\%$$

بالنسبة لـ I_L نلاحظ ان سعر السلعة ارتفع بنسبة 41,68%بالنسبة لـ I_P نلاحظ ان سعر السلعة ارتفع بنسبة 41,52%بالنسبة لـ I_F نلاحظ ان سعر السلعة ارتفع بنسبة 41,59%

التمرين الثالث 05 ن

05

ليكن لدينا الجدول الموالي الذي يمثل الأسعار X و الكميات المستهلكة لسلعة ما: أوجد r الذي يمثل العلاقة بين الأسعار والكميات.

x	Y	$X_i \cdot Y_i$	X_i^2	Y_i^2
5	2	10	25	4
4	1	4	16	1
8	3	24	64	9
9	4	36	81	16
8	5	40	64	25
9	7	63	81	49
43	22	177	331	104

الحل: $r_p = \frac{n \sum x_i y_i - (\sum x_i)(\sum y_i)}{\sqrt{[n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2][n \sum y_i^2 - (\sum y_i)^2]}}$

$r_p = \frac{6(177) - (43)(22)}{\sqrt{[6(331) - (43)^2][6(104) - (22)^2]}}$

$r_p = \frac{116}{138,49} = 0,83$

وهذا $0,7 < r < 0,9$ إذن يوجد ارتباطاً حاداً قوياً بين الأسعار والكميات

التمرين الرابع: 05 نقطة

1- ليكن المتغير الإحصائي (Y) الذي يكتب بدلالة المتغير (X) بالعلاقة: $Y_i = a \cdot X_i + b$. حيث: (a و b) عدنان حقيقيان أثبت أن: $\bar{Y} = a\bar{X} + b$

$\bar{Y} = a\bar{X} + b$

$\bar{Y} = \frac{\sum Y_i \cdot n_i}{\sum n_i} = \frac{\sum (aX_i + b) \cdot n_i}{\sum n_i}$

$\frac{\sum aX_i \cdot n_i}{\sum n_i} + \frac{\sum b \cdot n_i}{\sum n_i} = a \frac{\sum X_i \cdot n_i}{\sum n_i} + \frac{n \cdot b}{n} = a \frac{\sum n_i \cdot X_i}{\sum n_i} + b$

$\bar{Y} = a\bar{X} + b$

$V(Y) = \frac{\sum n_i (Y_i - \bar{Y})^2}{\sum n_i} = \frac{\sum n_i [aX_i + b - (a\bar{X} + b)]^2}{\sum n_i}$ $V(Y) = a^2 \cdot V(X)$

$V(Y) = \frac{\sum n_i [aX_i + b - a\bar{X} - b]^2}{\sum n_i} = \frac{\sum n_i [aX_i - a\bar{X}]^2}{\sum n_i}$

$V(Y) = \frac{\sum n_i [a(X_i - \bar{X})]^2}{\sum n_i} = a^2 \cdot \frac{\sum n_i (X_i - \bar{X})^2}{\sum n_i} = a^2 \cdot V(X)$